

# Secondary 4 Normal Academic Revision Package 2024 Part 1 Answer

## Arithmetic

1a)  $\frac{81}{350}$

1b)  $a = \frac{7}{12}$

2) 4.00

3a)  $4.65 \times 10^{-6}$

3b)  $5.81 \times 10^7$

3c) 5 714 999

4)  $\frac{18}{25}$

5a) 2.03

5b) 35.3

6) 0.5

7)  $\frac{\pi}{2}, 147\%, \sqrt{2}$

8) 3.20

9) \$111

10a) -1910

10b) 1.20

11)  $8.21 \times 10^6$

12a)  $9.40593 \times 10^2$

12b)  $7.64 \times 10^{-5}$

13) 4200

14)  $1.18, \frac{13}{11}, \sqrt{1.4}, 0.5^{-0.25}$

15a) 0.0459 kg

15b)  $4.59 \times 10^{-2}$

16) 3.1

17)  $2.09, 2\frac{1}{11}, \frac{2\pi}{3}, \sqrt{4.4}$

18)  $1.5623 \times 10^8$

19) 6

20)  $\frac{22}{6}, 366\%, 3.6, \pi$

21a) 0.0459

21b)  $4.59 \times 10^{-2}$

22a) 11.2

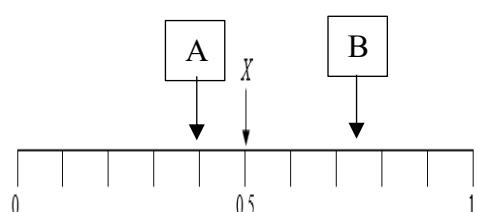
22b) 0.0000226

23)  $1.48 \times 10^4$

24a) 23.52

24b) 3.16

25)



26a) 41000 kg

26b)  $4.1 \times 10^4$  kg

27a) 1.669306331

27b) 1.669

28a) 16

28b) 17

29)  $7.756 \times 10^{-6}$

## **Prime Factors**

1a) $2^2 \times 3 \times 5$	10a) $2 \times 3^3 \times 11$
1b) 20	10b) 22
2a) 18	10c) $2^3 \times 3^3 \times 5 \times 11$
2b) 10	11) 210
2c) 126	12a) $x = 3, y = 1$
3a) 147	12b) 42
3b) $2^2 \times 3^4$	13a) $2^2 \times 3 \times 11$
3c) 9	13b) 2178
3d) $2^2 \times 3^4 \times 7$	14a) $2^2 \times 3 \times 5^3$
4a) $2^4 \times 3^2 \times 5$	14b) 50
4b) 24	15) 10 am
4c) 5	
4d) 90	
5a) 4	
5b) $2^3 \times 7$	
6a) 21	
6b) 225	
6c) 21	
7) $3^6 \times 5^3$	
8a) $2^3 \times 3 \times 5 \times 7$	
8b) 56	
9a) $2^3 \times 3^3$	
9b) 8	

### Ratio

1a) 0.5	12a)
1b) 9 cm	12b)
1c) $8 \text{ km}^2$	13a) $\frac{2}{5}$
2a) 1.2 cm	13b) 70 cm
2b) $75 \text{ m}^2$	14a) 12 cm
3a) 12	14b) $3125 \text{ m}^2$
3b) 7200 ml	15) 13 km
4a) 1 : 750	16a) 60
4b) 13.6 cm	16b) 9
4c) $12487 \frac{1}{128} \text{ m}^2$	
5a) $\frac{7}{11}$	
5b) 4 : 3	
6a) 6 km	
6b) 400 000 $\text{m}^2$	
7a) 18 km	
7b) $9 \text{ cm}^2$	
8a) 280 000	
8b) $6.4 \text{ cm}^2$	
9) $5P : 5Q$ and $\frac{1}{Q} : \frac{1}{P}$	
10a) 250 000	
10b) $15.625 \text{ km}^2$	
11) 15 : 28	

## Rate

1) 107	14a) 25 m/s
2a) \$4.20	14b) Yes, he can cover 15 km in 10 minutes.
2b) $x = 3.4, y = 0.25$	15a) NZD 218
2c) $0 \text{ m} \leq \text{distance} \leq 1800 \text{ m}$	15b) NZD 198
3a) 12.5 m/s	16) 20 km/h
3b) 5.50 a.m.	17a) 3.6 km
4a) 10 m/s	17b) $3\frac{1}{3} \text{ m/s}$
4b) 46.875 km/h	18) 12.6 km
5a) Yen 399 608	19) \$464
5b) Loss of S\$54.53	20a) The label for axes.
6) 1 hour 21 min	20b) No, the rates are better in the morning.
7) 78.7 km/h	20c) \$4788.08
8a) \$5.80	
8b) \$216, more expensive than season parking. She should get season parking.	
9a) 5.4 km/h	
9b) $3\frac{2}{3} \text{ m/s}$	
9c) 3.41 km/h	
10a) S\$1950.39	
10b) S\$90.06	
11) Nora	
12) 56.8 km/h	
13) 2.75 minutes	

## Percentage

1) \$2520	15a) $83\frac{1}{3}\%$
2) \$2520	15b) $\frac{359}{1000}$
3) Ah Guan. \$210 vs \$214	16) \$39.90
4a) $9.5 \times 10^4$	17) \$368
4b) 28.1%	18a) 24.9%
5a) 37.5%	18b) \$529200
5b) $\frac{249}{1000}$	
6) 980	
7a) \$84	
7b) 25%	
8a) \$330 000	
8b) \$24750	
9a) 10.4%	
9b) \$3407.50	
10) $\frac{3}{1000}$	
11) \$24000	
12) $\frac{1}{8}$	
13a) 7%	
13b) \$950.48	
14a) 26%	
14b) 5%	

## Algebra

1) $x = -2, y = \frac{3}{2}$	11) $x = 0.66$ or $x = -2.38$
2) $x = \pm \sqrt{\frac{4(1+k^2)}{A^2}}$	12) $x = 7$ and $y = 22$
3) $\frac{10fg^2}{3}$	13) $\frac{2b^2}{3a}$
4) $\frac{-5x+4}{(2x-1)(x+1)}$	14) $\frac{3z^2-y}{m}$
5a) $h = 2, k = -10$	15a) $-3x + 15$
5b) $x = 1.16$ or $x = -5.16$	15b) $\frac{x+16}{(x-5)(x+2)}$
6a) $x = -5$	16a) $d = -33$
6b) $\frac{x^3-3}{8}$	16b) $x = -11$
6c) $(2x+3)(x-5)$	17a) $4(x+10)(x-10)$
7a) $p = 6, q = -41$	17b) $(a-c)(b+2c)$
7b) $x = 0.403$ or $x = -12.4$	18) $-\frac{3}{2}$
8a) $x - 4$	19) $\frac{4x-3}{(x-2)^2}$
8b) $(x-4)(x-4) = 9$	20a) $a = -6, b = -28$
$x^2 - 8x + 16 = 9$	20b) $x = 11.29$ or $x = 0.71$
$x^2 - 8x + 7 = 0$	21a) $y = 14.5$
8c) $x = 7$ or $x = 1$	21b) $\frac{15y}{4}$
$x = 1$ is rejected because $AB$ is greater than 4 cm.	22a) $k - 2 = 4(h - 2)$
9a) $-x^2 + 6xy - y^2$	k - 4h = -6
9b) $(2a - 3b)(3 - 2x)$	23) $p = 16, q = 17$
9c) $x = \frac{8}{7}$	24a) $\frac{4}{5}$
10) Yes, gradient is different so they will intersect.	Q23, 24 are statistics questions 24b) The size of each pie will be very similar because the similar number of response.

25a) $2x(x + 3)(x - 3)$	36) $\frac{4x^2 - 4x - 3}{(x+1)(x-1)}$
25b) $\pm\sqrt{2x}$	37) $(2x + 1)(x - 5)$
26a) $(2a + 5)(2a - 5)$	38a) $5(d + 4)(d - 4)$
26b) $a = -\frac{5}{2}$ or $a = \frac{5}{2}$	38b) $(m - 5)(2m - 3n)$
27) $\frac{r^2 - 3g}{2}$	38c) $(3x + 5)(2x - 1)$
28) $\frac{2}{5}$	39a) $6h - 6 = 3k$ $2h - 2 = k$
29a) $2P - 115$	39b) $2h + k = 54$
29b) $P = 355$	$h = 14, k = 26$
30a) $(x - 5)^2 - 23$	40a) $(3x - 1)(2x + 5)$
30b) $x = 9.80$ or $x = 0.204$	40b) $2y(2y + 1)(2y - 1)$
31a) $220 - 2x$	41a) $x = \frac{33}{4}$
31b) $200 - 2x$	41b) $\frac{2}{x^2 - 4}$
31c) $200(220) - (220 - 2x)(200 - 2x) = 36000$ $44000 - 44000 + 840x - 4x^2 = 36000$ $4x^2 - 840x + 36000 = 0$ $x^2 - 210x + 9000 = 0$	42) $y = -\frac{13}{20}, x = \frac{19}{40}$
31d) $8000 \text{ cm}^2$	43a) 10
32) $12y^2 - 15y - 18$	43b) $\pm\sqrt{xb + 5}$
33) $x = -\frac{10}{7}$	44a) $x + 7$
34a) $y - x = 3$	44b) $(x + 4)(y - 2)$
34b) $\frac{10}{100} \times 500 + 24y - \frac{y}{100} \times 500 - 24x = 22$ $50 + 24y - 5y - 24x = 22$ $19y - 24x = -28$	44c) $x = \frac{5}{2}$ or $x = -3$
34c) $x = 17, y = 20$	45) $x = \frac{4}{5}$
	46) $y = -2, x = \frac{7}{2}$
	47a) $7x - 6$
	47b) $\frac{(3b + W)}{2W - 1}$

35a) $b^2 - 11b + 8$	58a) $a = 4, b = -6$
35b) $\frac{4r^2}{q-r}$	58b) $x = 6.449, x = 1.551$
48a) $(5x - 1)(5x + 1)$	59) 10 years old
48b) $(3n - 2)(n + 1)$	60a) $x = -1$ or $x = 4$
49a) $g = 5, h = -11$	60b) $x = \frac{3}{2}$
49b) $x = 1.68$ or $x = 8.32$	60c) minimum point $\left(\frac{3}{2}, -6\frac{1}{4}\right)$
50a) $(b - 2a)(b - 3a)$	61) $-16x$
50b) $\frac{11x-3}{6}$	62a) $(q - 2r)(3p - 2s)$
50ci) $10w + 6$	62b) $y = \frac{1-2x}{x-5y}$
50cii) $6w^2 + 5w - 4$	63a) $x(3x + 1)$
51) $\frac{3}{2}$	63b) $(3x - 1)(x + 1)$
52a) $-4x - y$	64a) $x = 3$
52b) $\frac{t}{21}$	64b) $\pm\sqrt{v^2 + 2as}$
53) $x = -2.73$ or $x = 0.73$	64c) $x = 2, y = 3$
54a) $-5(n + 1) + 20 = n(n - 3)$ $-5n + 15 = n^2 - 3n$ $n^2 + 2n - 15 = 0$	65a) $4x + 6$
54b) $n = 3$ or $n = -5$	65b) $(2x - 3z)(y + 3)$
55a) $x + 6$	65c) $x = 1.54$ or $x = -4.54$
55b) $(3x + 2y)(3x - 2y)$	66) $x = -2$
55c) $\frac{s^2-1}{4}$	67a) $4y(2y - 3)$
56) $x = -1$	67b) $\frac{2}{15x^2}$
57a) $x = -1$	68a) $a = 6, b = -43$
57b) $\frac{3x-7}{x^2-9}$	68b) $x = 0.557$ or $x = -12.6$

$$69a) -5x - 10$$

$$69b) \frac{4x-10}{x^2-9}$$

$$70a) 6a + 2c = 474$$

$$3a + c = 237$$

$$70b) 4a + 5c = 470$$

$$a = 65, c = 42$$

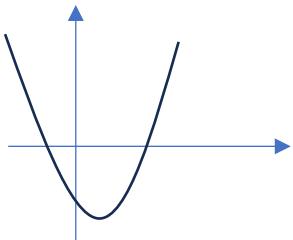
$$71a) (2x - 3)(x + 4)$$

$$71b) \frac{2x-3}{x+4}$$

$$72) \frac{R^2+3k}{5}$$

$$73a) x = 4 \text{ or } x = -2$$

73b)



$x$ -intercept  $(4, 0)$  and  $(-2, 0)$

$y$ -intercept  $(0, -8)$

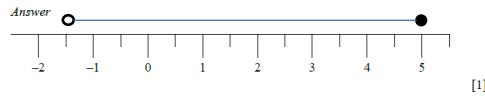
Turning point  $(1, -9)$

## Linear Inequality

1a)  $y < \frac{76}{29}$

1b)  $y = 2$

2a)



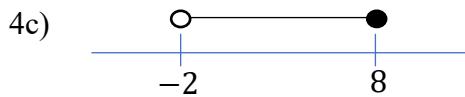
2bi)  $y \leq \frac{11}{4}$

2bii)  $y = 2$

3)  $x = 4$

4a)  $x < -\frac{10}{3}$

4b)  $x = -4$

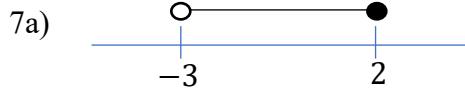


5a)  $p < -3$

5b)  $p = -4$

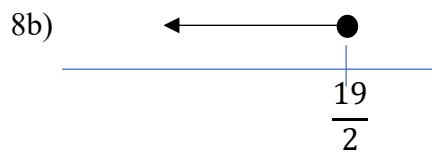
6a)  $w \leq \frac{13}{4}$

6b)  $w = 3$



7b)  $y \geq 4, y = 5$

8a)  $x \leq \frac{19}{2}$



8c)  $x = 7$

9)  $x = -4$

10)  $x = 3$

11)  $y = -2$

12)  $y > -8$

## Indices

1a) $m = \frac{1}{25}$	13a) $5^5$
1b) $11^{\frac{7}{6}}$	13b) $\frac{9b^3}{2}$
2a) $x$	14a) $a = 3$
2b) $x = -1$	14b) $b = 15$
3a) $3^{13}$	15a) $m = -2$
3b) $m = \frac{3}{2}$	15b) $x = \frac{3}{2}$
4a) $x^{\frac{3}{2}}$	16a) 2
4b) $\frac{25}{b^4}$	16b) $r^{-\frac{2}{3}}$
5) $m = 13$	17a) $3^{\frac{31}{2}}$
6) $54y^8$	17b) $t = 2$
7a) 1	
7b) $c^{-2}$	
8a) $\frac{1}{h^4}$	
8b) $\frac{64}{m^3}$	
9) $n = 4$	
10) $m = -\frac{1}{3}$	
11a) $a^2$	
11b) $b^6$	
12a) $n = \frac{9}{2}$	
12b) $m = 9$	

## **Proportion**

$$1\text{a}) y = \frac{90}{x^2}$$

$$1\text{b}) y = \frac{90}{(2x)^2} = \frac{90}{4x^2}$$

$y$  will be 25% of the original.

$$2) I = 100$$

$$3\text{a}) p = \frac{4}{9}$$

$$3\text{b}) p = \frac{16}{r^2}$$

$$3\text{c}) r = \frac{4}{5}$$

$$4) y = \frac{28}{25}$$

$$5\text{a}) z = \frac{3}{25}y^2$$

$$5\text{b}) y = \pm 17.3$$

$$6) x = 8$$

$$7) 12 \text{ days}$$

$$8) p = 3.46$$

$$9) y = \frac{7}{4}$$

$$10) P = \frac{6}{25}$$

$$11) x = \frac{4}{9}$$

$$12) y = \frac{3}{8}$$

## Number Pattern

<p>1a) <math>2^n - 1</math></p> <p>1b) <math>2^n - 1 = 103</math>  <math>2^n = 104</math>          Since <math>104</math> cannot be expressed as <math>2^n</math> when <math>n</math> is a whole number, <math>103</math> is not a term in the sequence.</p> <p>2a) <math>27, 32</math></p> <p>2b) <math>5n - 3</math></p> <p>2c) <math>5n - 3 = 1000</math>  <math>5n = 1003</math>  <math>n = 200.6</math>          Since <math>n</math> is not a whole number, <math>1000</math> is not a term in the sequence.</p> <p>3a) <math>51, 46</math></p> <p>3b) <math>-5n + 61</math></p> <p>3c) <math>-5n + 61 = -33</math>  <math>-5n = -94</math>  <math>n = 18.8</math>          Since <math>n</math> is not a whole number, <math>-33</math> is not part of the sequence.</p> <p>4a) <math>26, 31</math></p> <p>4b) <math>5n + 1</math></p> <p>4c) <math>5n + 1 = 25871</math>  <math>5n = 25870</math>  <math>n = 5174</math>  <math>25871</math> is the <math>5174^{\text{th}}</math> term of the sequence.</p>	<p>5a) <math>-2n + 41</math></p> <p>5b) <math>-2n + 41 = -1</math>  <math>-2n = -42</math>  <math>n = 21</math>  <math>-1</math> is the <math>21^{\text{st}}</math> term of the sequence.</p> <p>6a) <math>T_5 = 20</math></p> <p>6b) <math>n^2 - n</math></p> <p>6c) <math>n^2 - n = 35</math>  <math>n</math> is not a whole number so <math>35</math> is not a term in the sequence.</p> <p>6d) <math>k = 14</math></p> <p>7a) <math>-13, -16</math></p> <p>7b) <math>-3n + 2</math></p> <p>8a) No, <math>n</math> is not a whole number.</p> <p>8b) <math>p = 31</math></p> <p>9a) <math>-1</math></p> <p>9b) <math>k = 9</math></p> <p>10a) <math>4n - 3</math></p> <p>10b) No, <math>n</math> is not a whole number</p> <p>11a) <math>a = 18</math></p> <p>11b) <math>4n + 2</math></p> <p>11c) <math>75</math></p> <p>12a) <math>7, 14, 50</math></p> <p>12b) <math>7n + 1</math></p> <p>12c) <math>n + 2n = 3n</math></p>
---	---